

Arany Dániel Matematikai Tanulóverseny
2010/2011-es tanév
első (iskolai) forduló
haladók – I. kategória

Feladatok

1. Van 11 érménk, melyek értéke rendre: 7, 300, 35, 83, 1, 17, 2, 1, 17, 170 és 5 fabatka.
Melyik az a legkisebb pozitív egész összeg, ami visszaadás nélkül nem fizethető ki ezekkel az érmékkel?
2. Egy téglalap egyik oldala a másik ötszöröse. A téglalap szögfelezői által meghatározott négyszög területe 32 cm^2 . Mekkora a téglalap területe?
3. Bizonyítsuk be, hogy ha a , b , c olyan természetes számok, hogy $9 \mid a^3 + b^3 + c^3$, akkor az a , b , és c közül valamelyik osztható 3-mal.
4. Egy egyenlőszárú háromszög valamelyik súlyvonalának hossza megegyezik az egyik középvonal hosszával. Mekkora lehet a háromszög legnagyobb szöge?
5. Tudjuk, hogy az $x^2 - px + 4^{10} = 0$ egyenletnek két különböző gyöke van, amelyek pozitív egész páros számok. Hányféle különböző értékű lehet a p paraméter?